

Koncertni nastupi Nataše Veljković počinju već u ranom detinjstvu klavirskim koncertima Bacha, Haydna, Mozarta, Ravela. Posle završenih studija na bečkom Univerzitetu za muziku kod Paul Badura-Škode, školuje se na Juillard School (New York) i na konzervatorijumu u Ženevi. Već tada se razvija privrženost bečkoj klasiци, naročito kroz izvedbu celokupnog opusa W.A.Mozarta. Pobeda na World Music Masters konkursu u Parizu, kao i prva i jedina nagrada na konkursu Clara Haskil u Veveyu, Švajcarska joj otvaraju vrata za svetske koncertne podijume.

Nastupala je sa velikim brojem poznatih orkestara, kao što su Tonhale Orkestar iz Ciriha, Orkestar romanske Švajcarske, Bečki kamerni orkestar, Filharmonija Janaček, Kapela Istropolitana, Orkestar RAI, Orkestar Radio Katovice, Beogradska filharmonija, Zagrebačka filharmonija, kao i svi relevantni orkestri sa područja bivše Jugoslavije. U saradnji sa gudačkim orkestrima, posebno je bila uspešna saradnja sa orkestrom "Dušan Skovran" (dirigent Aleksandar Pavlović), što je rezultiralo turnejom po Kini i Rusiji. U rodnom Beogradu je 1991. godine nagrađena nagradom UMUS-a. Sledi i nagrada „Orlando“ na Dubrovačkim letnjim igrama.

Nastupala je na festivalima kao što su Berlin, Montre, Napulj, Tuluz, "Midem" u Kanu, Monpelje, Algarve (Portugalija), Šopenovi festivalima u Dušniki Zdroj (Poljska) i Gatingu (Austrija), Karintsko leto, Atergau (Austrija), Mocart festival u Istanbulu, Listov festival u Raidingu (Austrija), Burgos (Španija), BEMUS, NOMUS, laureat Juventus Festivala u Kambreu (Francuska) i dr...

Saradnja sa dirigentima - David Zinman, Marcelo Vioti, Dimitrij Kitajenko, Lorens Foster, Antoni Vit, Petar Vronski, Kristijan Mondeal, David Šalon, Emil Tabakov, Milen Načev, Mladen Jagušt, Bojan Sudić, Pavle Dešpalj, Martin Sieghart, Ronald Zollman, Johanes Moesus i dr.

Uz dugogodišnju praksu radio i TV snimanja velikog broja njenih izvođenja, u skorašnjim godinama je ostvarila i veći broj CD snimaka, u izdanju PGP RTS, austrijskog Zulus Recordsa i Gramole, za koju je 2007. snimila CD Roberta i Klare Šumana i 2009. Haydnove klavirske koncerte uz pratnju Camerate Janacek uz najbolje kritike javnosti. 2014. objavljena su tri CD sa kompletnim delima Brahmsovog savremenika Heinricha von Herzogenberga za nemački CPO. 2016. je snimila kompletna solo dela Dore Pejačević (CPO). Ista izdavačka kuća je objavila njeno izvođenje klavirskih koncerata Ignaza von Beeckea sa Bavarskim kamernim orkestrom, kao i klavirski koncert Adrien Boieldieua u Luganu sa orkestrom Italijanske Švajcarske, pod vođstvom dirigenta Howarda Griffithsa. 2019. izlazi novi CD sa tri klavirska koncerta Josepha Wölfla (Johannes Moesus). Od 2019. je muzički rukovodilac ciklusa „Pet godišnjih doba“ koji kao cilj ima promovisanje mladih talenata i dijalog između nove muzike i muzike bečke klasičice.

Profesor je Univerziteta za muziku u Beču (Universität für Musik und darstellende Kunst Wien). Član je žirija na mnogim internacionalnim takmičenjima kao na primer Clara Haskil u Švajcarskoj i Jeunesse u Beogradu. Sa suprugom, čelistom Tobiasom Stosiekom nastupa često kao duo. Majka je violinistkinje Milice Zulus i violončeliste Miloša Stosieka.